



2019-2020 学年高一上期数学期末总复习卷 10

时间:120 分钟

满分:150 分

命题人:陈师民

审核人:高一数学备课组

一、单选题: 本题共 8 小题, 每小题 5 分, 共 40 分。在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的。

1. 已知集合 $M = \{x | (x+2)(x-5) \leq 0\}$, $N = \{y | y = 2^x\}$, 则 $M \cap N = (\quad)$
- A. $(0, 2]$ B. $(0, 5]$ C. $[2, 5]$ D. $[2, +\infty)$

2. 函数 $f(x) = \frac{1}{x-2} (x \in [3, 6])$ 的最小值和最大值分别是 ()
- A. 3, 6 B. 1, 3 C. 1, 4 D. 1, 6

3. 已知 $a = 17^{\frac{1}{17}}$, $b = \log_{16} \sqrt{17}$, $c = \log_{17} \sqrt{16}$, 则 a, b, c 的大小关系为 ()
- A. $a > b > c$ B. $a > c > b$ C. $b > a > c$ D. $c > b > a$

4. 下列不等式中, 正确的是 ()

① $\cos(-\frac{47\pi}{10}) > \cos(-\frac{44\pi}{9})$

② $\tan(-\frac{\pi}{5}) < \tan(-\frac{3\pi}{7})$

③ $\sin(-\frac{\pi}{18}) > \sin(-\frac{\pi}{10})$

- A. ①③ B. ①② C. ②③ D. ①②③

5. 偶函数 $f(x)$ 在 $(-\infty, 0]$ 上为减函数, 若不等式 $f(1-\alpha) < f(2+x^2)$ 对任意的 $x \in R$ 恒成立, 则实数 α 的取值范围是 ()

- A. $(-2\sqrt{3}, 2)$ B. $(-2, 2\sqrt{3})$ C. $(-2\sqrt{3}, 2\sqrt{3})$ D. $(-2, 2)$

6. 已知 A, B, C 三点不共线, 且点 O 满足 $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC} = \vec{0}$, 则下列结论正确的是 ()

A. $\overrightarrow{OA} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{BC}$

B. $\overrightarrow{OA} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$

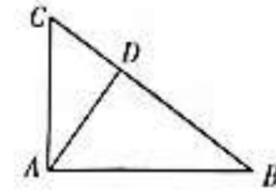
C. $\overrightarrow{OA} = -\frac{1}{3}\overrightarrow{AB} - \frac{2}{3}\overrightarrow{BC}$

D. $\overrightarrow{OA} = -\frac{2}{3}\overrightarrow{AB} - \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$

7. 函数 $f(x) = 3^x + 4^x - 8$ 的零点所在的区间为 ()

- A. $(0, 1)$ B. $(1, \frac{3}{2})$ C. $(\frac{3}{2}, 2)$ D. $(2, \frac{5}{2})$

8. 最早发现勾股定理的人应是我国西周时期的数学家商高, 根据记载, 商高曾经和周公讨论过“勾 3 股 4 弦 5”的问题, 我国的《九章算术》也有记载, 所以, 商高比毕达哥拉斯早 500 多年发现勾股定理. 现有 $\triangle ABC$ 满足“勾 3 股 4 弦 5”, 如图所示, 其中 $AB = 4$, D 为弦 BC 上一点 (不含端点), 且 $\triangle ABD$ 满足勾股定理, 则 $(\overrightarrow{CB} - \overrightarrow{CA}) \cdot \overrightarrow{AD} = (\quad)$



- A. $\frac{25}{144}$ B. $\frac{144}{25}$ C. $\frac{169}{25}$ D. $\frac{25}{169}$

二、多选题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分。在每小题给出的四个选项中, 有多个选项符合题目要求, 全部选对的得 5 分, 选对但不全的得 3 分, 选错的得 0 分。

9. 已知函数 $f(x) = x(\frac{1}{2^x-1} + \frac{1}{2})$ 且 $x \neq 0$, 则 ()

- A. $f(x)$ 为奇函数 B. $f(x)$ 为偶函数 C. $f(x) > 0$ 恒成立 D. $f(x) > 0$ 不恒成立

10. 若向量 \vec{i}, \vec{j} 为互相垂直的单位向量, $\vec{a} = \vec{i} - 2\vec{j}$, $\vec{b} = \vec{i} + m\vec{j}$ 且 \vec{a} 与 \vec{b} 的夹角为锐角, 则实数 m 的取值范围不是 ()

- A. $(\frac{1}{2}, +\infty)$ B. $(-\infty, -2) \cup (-2, \frac{1}{2})$ C. $(-2, \frac{2}{3}) \cup (\frac{2}{3}, +\infty)$ D. $(-\infty, \frac{1}{2})$

11. 若函数 $f(x) = \log_{0.25} x - 4 \log_{0.25} x + 1$, 则下列说法正确的是 ()

- A. 函数最大值为 -3 B. 函数最小值为 -3
 C. 函数单调递增区间为 $[\frac{1}{16}, +\infty)$ D. 函数单调递减区间为 $[\frac{1}{16}, +\infty)$

12. 下列命题正确的是 ()

- A. 若函数 $f(2^x)$ 的定义域是 $[1, 2]$, 则函数 $f(\log_2 x)$ 的定义域为 $[4, 16]$
 B. 数 $y = \sqrt{x^2-1} + \sqrt{1-x^2}$ 是偶函数, 但不是奇函数
 C. 函数 $f(x+1)$ 的定义域是 $[-1, 3]$, 则 $f(x^2)$ 的定义域是 $[0, 2]$
 D. 一条曲线 $y = |3-x^2|$ 和直线 $y = a (a \in R)$ 的公共点个数是 m , 则 m 的值不可能是 1

三、填空题：本题共4小题，每小题5分，共20分。

13、函数 $f(x) = \log_2 x + x - 4$ 的零点的个数为_____。

14、已知 $\sin \alpha = \frac{5}{13}, \frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$, 则 $\cos \alpha - 6 \tan \alpha =$ _____。

15、已知 $4^a = 9^b = k$, 且 $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = 2$, 则 k 的值为_____。则 $k^2 + k^{-2} =$ _____。

16、已知向量 $\vec{a} = (1, -\sqrt{3})$, 则与 \vec{a} 反向的单位向量是_____。

四、解答题：共70分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

17、(本小题满分10分)

设全集是实数集 $R, A = \{x | \frac{1-2x}{x-3} \geq 0\}, B = \{x | x^2 + a \leq 0\}$ 。

(1) 当 $a = -4$ 时, 求 $A \cup B$;

(2) 若 $(C_R A) \cap B = B$, 求实数 a 的取值范围。

18、(本小题满分12分)

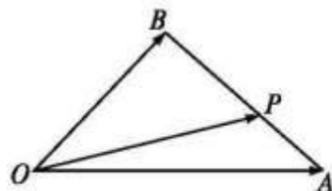
已知角 θ 的终边经过点 $P(2, -3)$, 求下列各式的值。

(1) $\frac{6 \sin \theta}{3 \cos \theta - \sin \theta}$;

(2) $\cos^2(\theta - 2\pi) + \sin^2(\theta + 4\pi) + \sin^2(\theta + 2\pi) - 3$ 。

19、(本小题满分12分)

如图, 在 $\triangle OAB$ 中, 已知 P 为线段 AB 上的一点, $\vec{OP} = x \cdot \vec{OA} + y \cdot \vec{OB}$ 。



(1) 若 $\vec{BP} = \vec{PA}$, 求 x, y 的值;

(2) 若 $\vec{BP} = 3\vec{PA}, |\vec{OA}| = 4, |\vec{OB}| = 2$, 且 \vec{OA} 与 \vec{OB} 的夹角为 60° 时, 求 $\vec{OP} \cdot \vec{AB}$ 的值。

20、(本小题满分12分)

已知函数 $f(x) = \sin(\frac{kx}{5} + \frac{\pi}{3})$, 其中 $k \neq 0$ 。

(1) 写出 $f(x)$ 的最大值 M 、最小值 m 与最小正周期;

(2) 求最小的正整数 k , 使得当自变量 x 在任意两个整数之间(包括整数本身)变化时, 函数 $f(x)$ 至少有一个值是 M 与一个值是 m 。

21、(本小题满分12分)

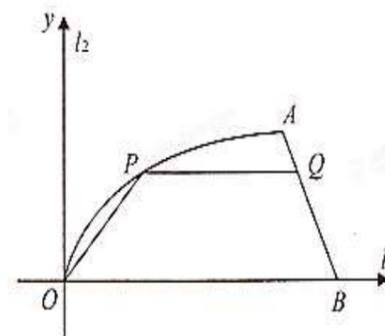
如图, 某小区内两条互相垂直的道路 l_1 与 l_2 , 平面直角坐标系 xOy 的第一象限有一块空地 OAB , 其边界 OAB 是函数

$y = f(x)$ 的图象, 前一段曲线 OA 是函数 $y = k\sqrt{x}$ 图象的一部分, 后一段 AB 是一条线段。测得 A 到 l_1 的距离为 8 米,

到 l_2 的距离为 16 米, OB 长为 20 米。

(1) 求函数 $y = f(x)$ 的解析式;

(2) 现要在此地建一个社区活动中心, 平面图为梯形 $OPQB$ (其中 PQ, OB 为两底边), 问: 梯形的高为多少米时, 该社区活动中心的占地面积最大, 并求出最大面积。



22、(本小题满分12分)

已知关于 x 的函数 $f(x) = x^2 - kx - 2, x \in R$ 。

(1) 若函数 $f(x)$ 是 R 上的偶函数, 求实数 k 的值;

(2) 若函数 $g(x) = f(2^x - 1)$, 当 $x \in (0, 2]$ 时, $g(x) \leq 0$ 恒成立, 求实数 k 的取值范围;

(3) 若函数 $h(x) = f(x) + |x^2 - 1| + 2$, 且函数 $h(x)$ 在 $(0, 2)$ 上两个不同的零点 x_1, x_2 , 求证: $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} < 4$ 。