

八年级创新班数学真题 (2)

1、(蔡甸区 19-20 期中第 23 题) 已知 $Rt\triangle ABC$ 中, 斜边 AB 上的高线 CH 与 $\angle BAC$ 的平分线 AM 交于点 P , 如图 1.

(1) 求证: $PC=CM$;

(2) 如图 2, 若高线 CH 与 $\angle ABC$ 的平分线 BN 交于点 Q , PM 、 QN 的中点分别是 E 、 F , 求证: $EF \parallel AB$.

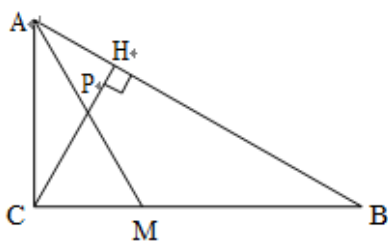


图1

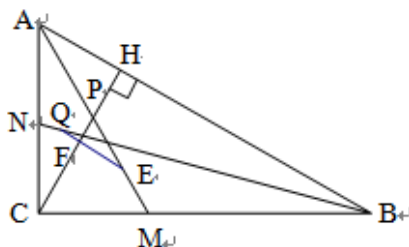


图2

2、(外校 19-20 期中第 23 题) 四边形 $ABCD$ 是矩形, 点 E 是射线 BC 上一点, 连接 AC , DE .

(1) 如图 1, 点 E 在边 BC 的延长线上, $BE=AC$, 若 $\angle ACB=40^\circ$, 求 $\angle E$ 的度数;

(2) 如图 2, 点 E 在边 BC 的延长线上, $BE=AC$, 若 M 是 DE 的中点, 连接 AM , CM , 求证: $AM \perp MC$;

(3) 如图 3, 点 E 在边 BC 上, 射线 AE 交射线 DC 于点 F , $\angle AED=2\angle AEB$, $AF=4\sqrt{5}$, $AB=4$, 则 $CE=$ _____. (直接写出结果)

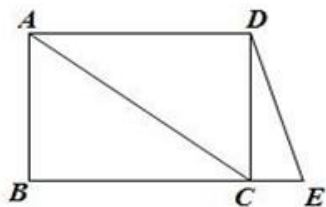


图 1

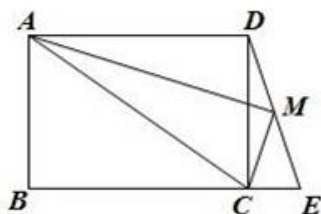


图 2

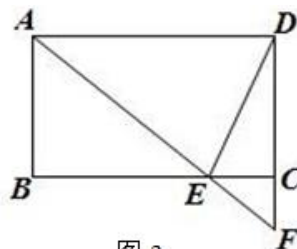


图 3

3、(外校 19-20 期中第 24 题)在直角坐标系中,直线 $y = x+m$ 与 x 轴负半轴交于点 A ,与 y 轴正半轴交于点 B ,且 $\triangle AOB$ 的面积是 8.

(1) 求 m 的值;

(2) 如图 1,直线 $y = kx + 3k$ 交直线 AB 于点 E ,交 x 轴于点 C ,点 D 坐标是 $(0, 2)$,过 D 点作 $DF \perp CD$ 交 EC 于 F 点,若 $\angle AEC = \angle CDO$,求点 F 的坐标;

(3) 如图 2,点 P 坐标是 $(-1, -2)$,若 $\triangle ABO$ 以 2 个单位/秒的速度向下平移,同时点 P 以 1 个单位/秒的速度向左平移,平移时间是 t 秒,若点 P 落在 $\triangle ABO$ 内部(不包含三角形的边),求 t 的取值范围.

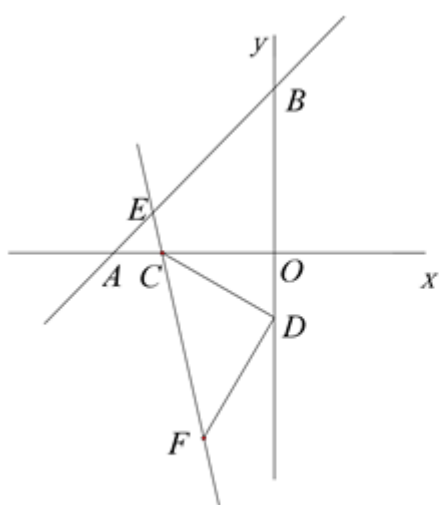


图 1

4

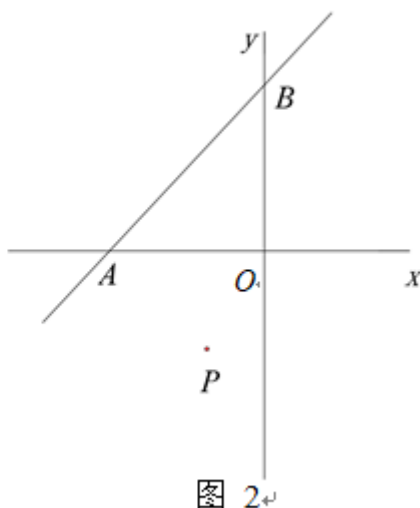


图 2

八年级创新班数学真题 (2)

1、(蔡甸区 19-20 期中第 23 题) 已知 $Rt\triangle ABC$ 中, 斜边 AB 上的高线 CH 与 $\angle BAC$ 的平分线 AM 交于点 P , 如图 1.

(1) 求证: $PC=CM$;

(2) 如图 2, 若高线 CH 与 $\angle ABC$ 的平分线 BN 交于点 Q , PM 、 QN 的中点分别是 E 、 F , 求证: $EF \parallel AB$.

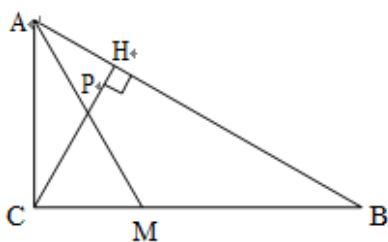


图1

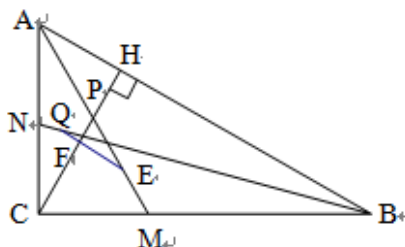


图2

证明: (1) $\because AM$ 平分 $\angle BAC$

$$\therefore \angle CAM = \angle MAH$$

又 $CH \perp AB$, $AC \perp BC$

$$\therefore \angle APH = 90^\circ - \angle MAH = 90^\circ - \angle CAM = \angle CMA$$

又 $\angle APH = \angle CPM$

$$\therefore \angle CPM = \angle CMA$$

$$\therefore CP = CM \dots\dots\dots 5 \text{ 分}$$

(2) 连接 CE 并延长交 AB 于 T

由 (1) 得在等腰 $\triangle CPM$ 中, E 是 PM 的中点

$$\therefore CE \perp PM, \text{ 即 } CE \perp AM$$

又 AM 平分 $\angle BAC$

$$\therefore \triangle CAE \cong \triangle TAE \text{ (ASA)}$$

$$\therefore CE = ET \text{ 即 } E \text{ 是 } CT \text{ 的中点} \dots\dots\dots 8 \text{ 分}$$

同理连接 CF 并延长交 AB 于 S

则 F 也是 CS 的中点

$$\therefore EF \text{ 是 } \triangle CTS \text{ 的中位线}$$

$$\therefore EF \parallel TS \text{ 即 } EF \parallel AB \dots\dots\dots 10 \text{ 分}$$

2、(外校 19-20 期中第 23 题) 四边形 $ABCD$ 是矩形, 点 E 是射线 BC 上一点, 连接 AC , DE .

(1) 如图 1, 点 E 在边 BC 的延长线上, $BE=AC$, 若 $\angle ACB=40^\circ$, 求 $\angle E$ 的度数;

(2) 如图 2, 点 E 在边 BC 的延长线上, $BE=AC$, 若 M 是 DE 的中点, 连接 AM , CM , 求证: $AM \perp MC$;

(3) 如图 3, 点 E 在边 BC 上, 射线 AE 交射线 DC 于点 F , $\angle AED=2\angle AEB$, $AF=4\sqrt{5}$, $AB=4$, 则 $CE=$ _____. (直接写出结果)

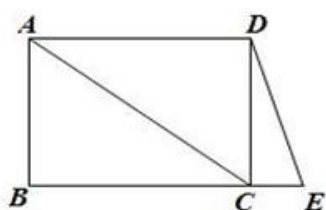


图 1

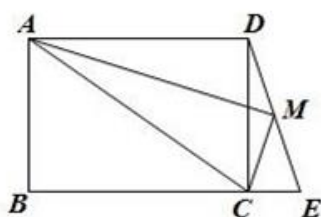


图 2

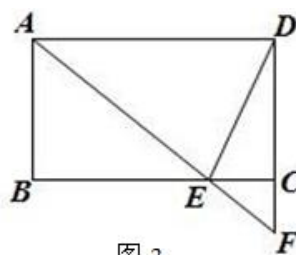


图 3

解析:

(1) $\angle E=70^\circ$ (提示: 连接 BD);

(2) 延长 CM 交 AD 的延长线于 N

$$\therefore \triangle CME \cong \triangle NMD$$

$$\therefore AN = BE$$

$$\because BE = AC$$

$$\therefore AC = AN$$

$\because M$ 为 DE 中点

$$\therefore AM \perp MC;$$

(3) 2(提示: 取 AF 中点即可) .

3、(外校 19-20 期中第 24 题)在直角坐标系中,直线 $y = x+m$ 与 x 轴负半轴交于点 A , 与 y 轴正半轴交于点 B , 且 $\triangle AOB$ 的面积是 8.

(1) 求 m 的值;

(2)如图 1,直线 $y = kx + 3k$ 交直线 AB 于点 E ,交 x 轴于点 C ,点 D 坐标是 $(0, 2)$, 过 D 点作 $DF \perp CD$ 交 EC 于 F 点,若 $\angle AEC = \angle CDO$, 求点 F 的坐标;

(3)如图 2,点 P 坐标是 $(-1, -2)$,若 $\triangle ABO$ 以 2 个单位/秒的速度向下平移,同时点 P 以 1 个单位/秒的速度向左平移,平移时间是 t 秒,若点 P 落在 $\triangle ABO$ 内部(不包含三角形的边),求 t 的取值范围.

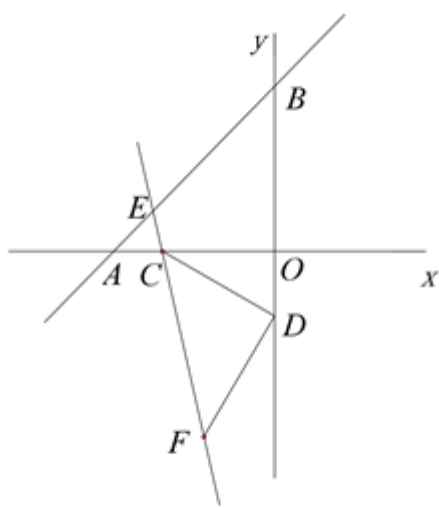


图 1

4

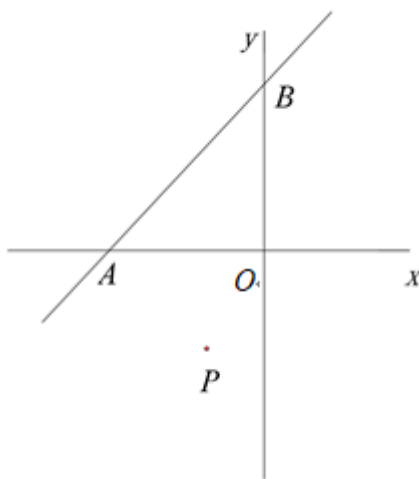


图 2

解析: (1) $m=4$;

(2) 过 F 作 $FM \perp y$ 轴于 M

依题意得 $C(-3, 0)$

$\because \angle AEC = \angle CDO$

$\therefore \angle ABO = \angle FCD = 45^\circ$

$\because CD \perp DF$

\therefore 可证 $\triangle CDO \cong \triangle DFM$

$\therefore F(-2, -5)$;

(3) ①当 P 刚好在 OA 上时, $t=1$

②当 P 在 AB 上时, 直线 AB 为: $y = x + 4 - 2t$

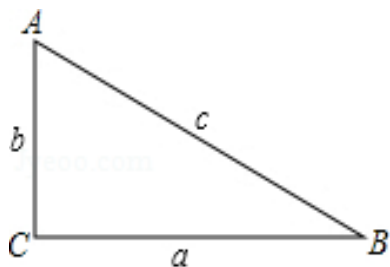
$$P(-1-t, -2)$$

$$\therefore -1-t+4-2t=-2, \text{ 解得: } t=\frac{5}{3}$$

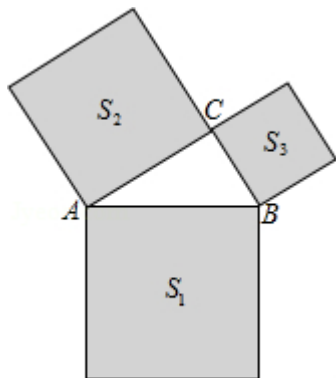
$$\therefore t \text{ 的取值范围为: } 1 < t < \frac{5}{3}.$$

八年级高满班数学真题 (2)

1、已知 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 若 $a+b=14\text{cm}$, $c=12\text{cm}$, 则 $\text{Rt}\triangle ABC$ 的面积为_____.

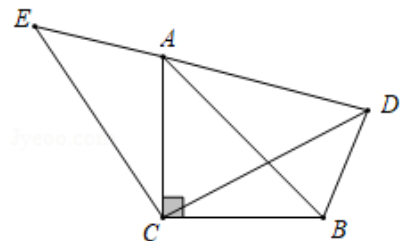


2、如图, 以 $\text{Rt}\triangle ABC$ 的三边为边长分别向外作正方形, 若斜边 $AB=5$, 则图中阴影部分的面积 $S_1+S_2+S_3=$ _____.



3、如图, $\triangle ABC$ 和 $\triangle ECD$ 都是等腰直角三角形, $\triangle ABC$ 的顶点 A 在 $\triangle ECD$ 的斜边 DE 上. 下列结论: 其中正确的有 ()

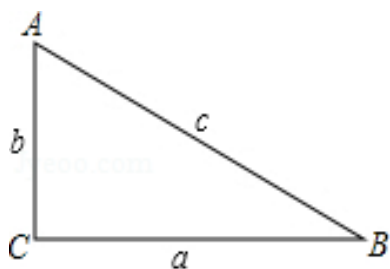
① $\triangle ACE \cong \triangle BCD$; ② $\angle DAB = \angle ACE$; ③ $AE + AC = AD$; ④ $AE^2 + AD^2 = 2AC^2$



A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

八年级高满班数学真题 (2)

1、已知 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 若 $a+b=14\text{cm}$, $c=12\text{cm}$, 则 $\text{Rt}\triangle ABC$ 的面积为_____.



解: $\because \angle C=90^\circ$,

$$\therefore a^2+b^2=c^2=144,$$

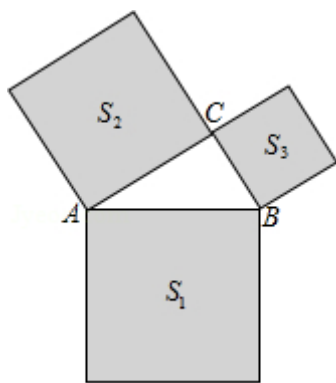
$$\therefore (a+b)^2 - 2ab=144,$$

$$\therefore 196 - 2ab=144,$$

$$\therefore ab=26,$$

$$\therefore S_{\triangle ABC}=\frac{1}{2}ab=13\text{cm}^2;$$

2、如图, 以 $\text{Rt}\triangle ABC$ 的三边为边长分别向外作正方形, 若斜边 $AB=5$, 则图中阴影部分的面积 $S_1+S_2+S_3=$ _____.



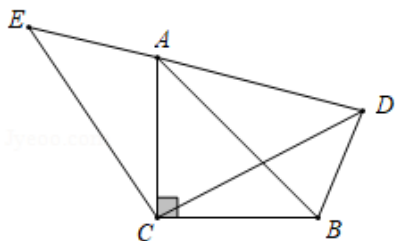
解: $\because \triangle ABC$ 是直角三角形,

$$\therefore AC^2+BC^2=AB^2,$$

$$\therefore \text{图中阴影部分的面积和} = 2S_1 = 2 \times 5^2 = 50.$$

3、如图， $\triangle ABC$ 和 $\triangle ECD$ 都是等腰直角三角形， $\triangle ABC$ 的顶点 A 在 $\triangle ECD$ 的斜边 DE 上。下列结论：其中正确的有（ ）

① $\triangle ACE \cong \triangle BCD$ ； ② $\angle DAB = \angle ACE$ ； ③ $AE + AC = AD$ ； ④ $AE^2 + AD^2 = 2AC^2$



A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

解： $\because \triangle ABC$ 和 $\triangle ECD$ 都是等腰直角三角形，

$\therefore CA = CB, CE = CD, \angle ACB = \angle ECD = 90^\circ, \angle E = \angle CDE = 45^\circ, \angle CAB = \angle CBA = 45^\circ,$

$\therefore \angle DAB + \angle CAB = \angle ACE + \angle E, \therefore \angle DAB = \angle ACE,$ 故②正确；

$\therefore \angle ACE + \angle ACD = \angle ACD + \angle DCB = 90^\circ, \therefore \angle ACE = \angle DCB,$

在 $\triangle ACE$ 和 $\triangle BCD$ 中， $\begin{cases} CA = CB \\ \angle ECA = \angle DCB \\ CE = CD \end{cases}, \therefore \triangle ACE \cong \triangle BCD (SAS),$ 故①正确；

$\therefore AE = BD, \angle CEA = \angle CDB = 45^\circ,$

$\therefore \angle ADB = \angle CDB + \angle EDC = 90^\circ,$

$\therefore \triangle ADB$ 是直角三角形， $\therefore AD^2 + BD^2 = AB^2, \therefore AD^2 + AE^2 = AB^2,$

$\because \triangle ABC$ 是等腰直角三角形， $\therefore AB = \sqrt{2}AC, \therefore AE^2 + AD^2 = 2AC^2,$ 故④正确；

在 AD 上截取 $DF = AE$ ，连接 CF ，如图所示：

在 $\triangle ACE$ 和 $\triangle FCD$ 中， $\begin{cases} AE = FD \\ \angle E = \angle CDF = 45^\circ \\ CE = CD \end{cases}, \therefore \triangle ACE \cong \triangle FCD (SAS), \therefore AC = FC,$

当 $\angle CAF = 60^\circ$ 时， $\triangle ACF$ 是等边三角形，

则 $AC = AF$ ，此时 $AE + AC = DF + AF = AD$ ，故③不正确；

故选：C。

