

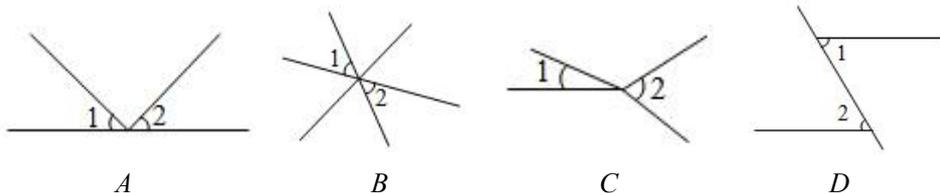
## 七年级数学必刷题 (8)

### 期中复习 (二)

建议完成时间: 50 分钟

题目来源: 20-21 江岸、武珞路期中真题节选

1. 如图所示,  $\angle 1$  和  $\angle 2$  是对顶角的图形是 ( )



2. 下列现象中, ( ) 是平移

- A. “天问”探测器绕火星运动      B. 篮球在空中飞行  
C. 电梯的上下移动                  D. 将一张纸对折

3. 一个正方形的面积扩大为原来 9 倍, 它的周长变为原来的 ( ) 倍

- A. 2                                  B. 3                                  C. 9                                  D. 12

4. 已知  $4m+15$  的算术平方根是 3,  $2-6n$  的立方根是 -2, 则  $\sqrt{6n-4m} = ( )$

- A. 2                                  B.  $\pm 2$                                   C. 4                                  D.  $\pm 4$

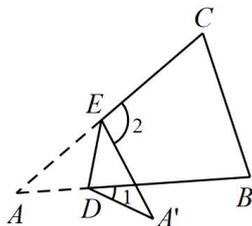
5. 已知  $T_1 = \sqrt{1 + \frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2}} = \sqrt{\frac{9}{4}} = \frac{3}{2}$ ,  $T_2 = \sqrt{1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2}} = \sqrt{\frac{49}{36}} = \frac{7}{6}$ ,  $T_3 = \sqrt{1 + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2}} = \sqrt{\left(\frac{13}{12}\right)^2} = \frac{13}{12}$ , ... ,

$T_n = \sqrt{1 + \frac{1}{n^2} + \frac{1}{(n+1)^2}}$ , 其中  $n$  为正整数。设  $S_n = T_1 + T_2 + T_3 + \dots + T_n$ , 则  $S_{2021}$  值是 ( )

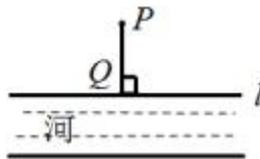
- A.  $2021 \frac{2021}{2022}$                   B.  $2022 \frac{2021}{2022}$                   C.  $2021 \frac{1}{2021}$                   D.  $2022 \frac{1}{2021}$

6. 如图, 把  $\triangle ABC$  纸片沿  $DE$  折叠, 当点  $A$  落在四边形  $BCED$  的外部时, 则  $\angle A$  与  $\angle 1$ 、 $\angle 2$  之间的数量关系时 ( )

- A.  $\angle A = \angle 2 - \angle 1$                   B.  $2\angle A = \angle 2 - \angle 1$   
C.  $3\angle A = 2\angle 2 - \angle 1$                   D.  $3\angle A = 2(\angle 2 - \angle 1)$



第 6 题图



第 7 题图

7. 如图, 要把河中的水引到农田  $P$  处, 想要挖的水渠最短, 我们可以过点  $P$  作  $PQ$  垂直河边  $l$ , 垂足为点  $Q$ , 然后沿  $PQ$  开挖水渠, 其依据是\_\_\_\_\_.

8. 在同一平面内,  $\angle A$  与  $\angle B$  的两边一边平行, 另一边垂直, 且  $\angle A$  比  $\angle B$  的 3 倍少  $10^\circ$ , 则  $\angle B =$ \_\_\_\_\_.

9.如图,  $\angle DEH + \angle EHG = 180^\circ$ ,  $\angle 1 = \angle 2$ ,  $\angle C = \angle A$ . 求证:  $\angle AEH = \angle F$ .

证明:  $\because \angle DEH + \angle EHG = 180^\circ$

$\therefore ED \parallel$  \_\_\_\_\_ (\_\_\_\_\_)

$\therefore \angle 1 = \angle C$  (\_\_\_\_\_)

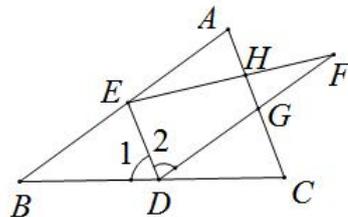
$\angle 2 =$  \_\_\_\_\_ ( 两直线平行, 内错角相等 )

$\therefore \angle 1 = \angle 2$ ,  $\angle C =$  \_\_\_\_\_

$\therefore \angle A =$  \_\_\_\_\_

$\therefore AB \parallel DF$  (\_\_\_\_\_)

$\therefore \angle AEH = \angle F$  (\_\_\_\_\_)



10.在平面直角坐标系中, 三角形  $ABC$  的三个顶点分别是  $A(-2, 0)$ ,  $B(0, 5)$ .

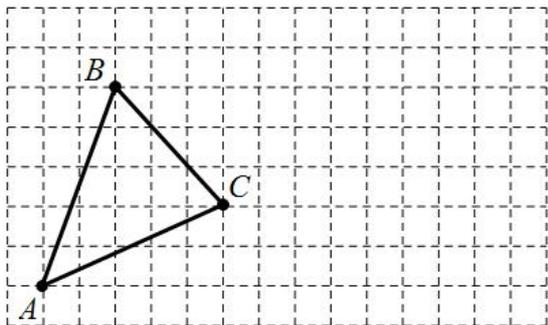
(1) 在所给的网格图中, 画出这个平面直角坐标系;

(2) 将三角形  $ABC$  平移得到三角形  $A_1B_1C_1$ , 顶点  $A, B, C$  分别对应顶点  $A_1, B_1, C_1$ , 此时点  $B_1(3, 7)$ .

①画出平移后的三角形  $A_1B_1C_1$ , 点  $C_1$  的坐标为\_\_\_\_\_;

②请你描述三角形  $ABC$  经过怎样的平移后得到三角形  $A_1B_1C_1$ ?

③直接写出四边形  $BB_1C_1C$  的面积为\_\_\_\_\_.



11.如图, 平面直角坐标系中,  $A(a, 0)$ ,  $B(0, b)$ ,  $C(0, c)$ ,  $\sqrt{a+4} + |2-b| = 0$ ,  $c = \frac{1}{2}(a-b)$ .

(1) 求  $\triangle ABC$  的面积;

(2) 如图 2, 点  $A$  以每秒  $m$  个单位的速度向下运动至  $A'$ , 与此同时, 点  $Q$  从原点出发, 以每秒 2 个单位的速度沿  $x$  轴向右运动至  $Q'$ , 3 秒后,  $A', C, Q'$  在同一直线上, 求  $m$  的值;

(3) 如图 3, 点  $D$  在线段  $AB$  上, 将点  $D$  向右平移 4 个单位长度至  $E$  点, 若  $\triangle ACE$  的面积等于 14, 求点  $D$  坐标.

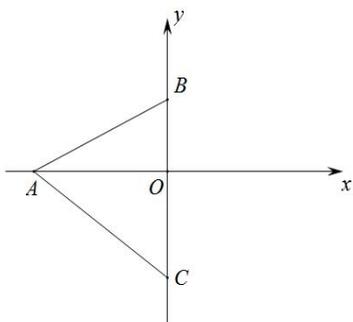


图 1

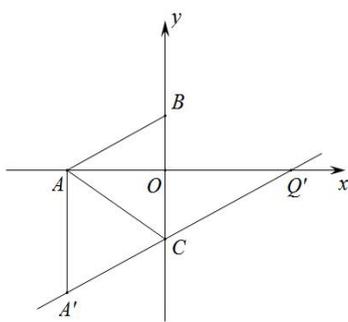


图 2

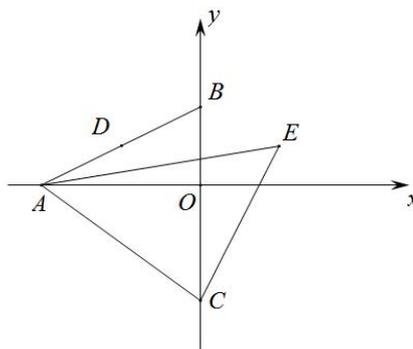


图 3

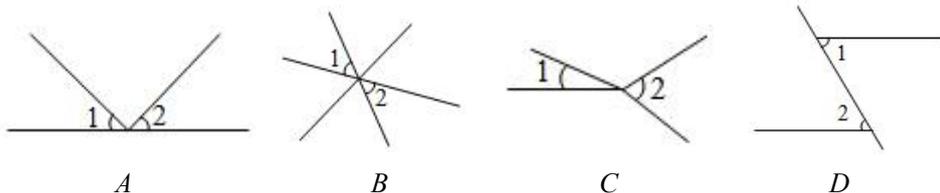
## 七年级数学必刷题（8）

### 期中复习（二）

建议完成时间：50 分钟

题目来源：20-21 江岸、武珞路期中真题节选

1. 如图所示， $\angle 1$  和  $\angle 2$  是对顶角的图形是（ B ）



2. 下列现象中，（ C ）是平移

- A. “天问”探测器绕火星运动      B. 篮球在空中飞行  
C. 电梯的上下移动                      D. 将一张纸对折

3. 一个正方形的面积扩大为原来 9 倍，它的周长变为原来的（ B ）倍

- A. 2    B. 3    C. 9    D. 12

4. 已知  $4m+15$  的算术平方根是 3， $2-6n$  的立方根是 -2，则  $\sqrt{6n-4m} =$ （ C ）

- A. 2    B.  $\pm 2$     C. 4    D.  $\pm 4$

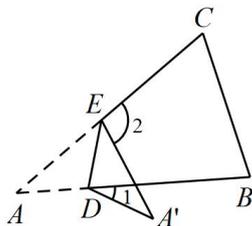
5. 已知  $T_1 = \sqrt{1 + \frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2}} = \sqrt{\frac{9}{4}} = \frac{3}{2}$ ,  $T_2 = \sqrt{1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2}} = \sqrt{\frac{49}{36}} = \frac{7}{6}$ ,  $T_3 = \sqrt{1 + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2}} = \sqrt{\left(\frac{13}{12}\right)^2} = \frac{13}{12}$ , ... ,

$T_n = \sqrt{1 + \frac{1}{n^2} + \frac{1}{(n+1)^2}}$ , 其中  $n$  为正整数。设  $S_n = T_1 + T_2 + T_3 + \dots + T_n$ , 则  $S_{2021}$  值是（ A ）

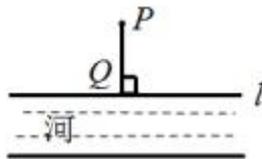
- A.  $2021 \frac{2021}{2022}$                       B.  $2022 \frac{2021}{2022}$                       C.  $2021 \frac{1}{2021}$                       D.  $2022 \frac{1}{2021}$

6. 如图，把  $\triangle ABC$  纸片沿  $DE$  折叠，当点  $A$  落在四边形  $BCED$  的外部时，则  $\angle A$  与  $\angle 1$ 、 $\angle 2$  之间的数量关系时（ B ）

- A.  $\angle A = \angle 2 - \angle 1$                       B.  $2\angle A = \angle 2 - \angle 1$   
C.  $3\angle A = 2\angle 2 - \angle 1$                       D.  $3\angle A = 2(\angle 2 - \angle 1)$



第 6 题图



第 7 题图

7. 如图，要把河中的水引到农田  $P$  处，想要挖的水渠最短，我们可以过点  $P$  作  $PQ$  垂直河边  $l$ ，垂足为点  $Q$ ，然后沿  $PQ$  开挖水渠，其依据是 垂线段最短。

8. 在同一平面内， $\angle A$  与  $\angle B$  的两边一边平行，另一边垂直，且  $\angle A$  比  $\angle B$  的 3 倍少  $10^\circ$ ，则  $\angle B =$   $25^\circ$  或  $50^\circ$ 。

9.如图,  $\angle DEH + \angle EHG = 180^\circ$ ,  $\angle 1 = \angle 2$ ,  $\angle C = \angle A$ . 求证:  $\angle AEH = \angle F$ .

证明:  $\because \angle DEH + \angle EHG = 180^\circ$

$\therefore ED \parallel AC$  (同旁内角互补, 两直线平行)

$\therefore \angle 1 = \angle C$  (两直线平行, 同位角相等)

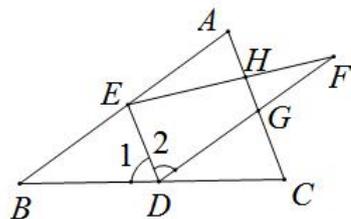
$\angle 2 = \angle DGC$  (两直线平行, 内错角相等)

$\because \angle 1 = \angle 2, \angle C = \angle A$

$\therefore \angle A = \angle DGC$

$\therefore AB \parallel DF$  (同位角相等, 两直线平行)

$\therefore \angle AEH = \angle F$  (两直线平行, 内错角相等)



10.在平面直角坐标系中, 三角形  $ABC$  的三个顶点分别是  $A(-2, 0)$ ,  $B(0, 5)$ .

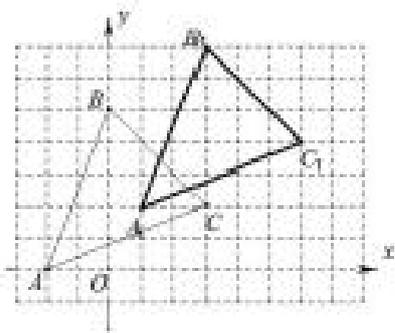
(1) 在所给的网格图中, 画出这个平面直角坐标系;

(2) 将三角形  $ABC$  平移得到三角形  $A_1B_1C_1$ , 顶点  $A, B, C$  分别对应顶点  $A_1, B_1, C_1$ , 此时点  $B_1(3, 7)$ .

①画出平移后的三角形  $A_1B_1C_1$ , 点  $C_1$  的坐标为 (6, 4);

②请你描述三角形  $ABC$  经过怎样的平移后得到三角形  $A_1B_1C_1$ ?

③直接写出四边形  $BB_1C_1C$  的面积为 15.



11.如图, 平面直角坐标系中,  $A(a, 0)$ ,  $B(0, b)$ ,  $C(0, c)$ ,  $\sqrt{a+4} + |2-b| = 0$ ,  $c = \frac{1}{2}(a-b)$ .

(1) 求  $\triangle ABC$  的面积;

(2) 如图 2, 点  $A$  以每秒  $m$  个单位的速度向下运动至  $A'$ , 与此同时, 点  $Q$  从原点出发, 以每秒 2 个单位的速度沿  $x$  轴向右运动至  $Q'$ , 3 秒后,  $A', C, Q'$  在同一直线上, 求  $m$  的值;

(3) 如图 3, 点  $D$  在线段  $AB$  上, 将点  $D$  向右平移 4 个单位长度至  $E$  点, 若  $\triangle ACE$  的面积等于 14, 求点  $D$  坐标.

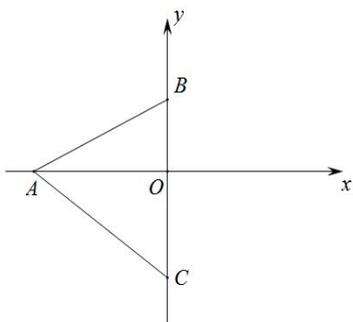


图 1

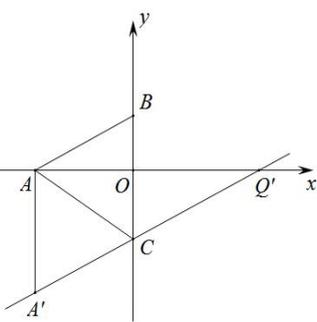


图 2

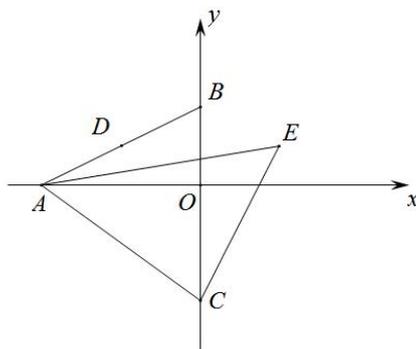


图 3

解: (1)  $\because \sqrt{a+4} + |2-b| = 0, \sqrt{a+4} \geq 0, |2-b| \geq 0$

$$\therefore \sqrt{a+4} = 0, |2-b| = 0 \quad \therefore a = -4, b = 2$$

$$\therefore c = \frac{1}{2}(a-b) = -3$$

$$\therefore A(-4, 0), B(0, 2), C(-3, 0)$$

$$\therefore BC = 5, OA = 4$$

$$\therefore S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2}BC \cdot OA = \frac{1}{2} \times 5 \times 4 = 10$$

(2) 由题意可知:  $OQ' = 2 \times 3 = 6, AA' = 3a$

$$\therefore S_{\triangle AA'Q'} = S_{\triangle OCQ'} + S_{\text{梯形}AA'CO}$$

$$\therefore \frac{1}{2}AQ' \cdot AA' = \frac{1}{2}OQ' \cdot OC + \frac{1}{2}(OC + AA') \cdot AO$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times 10 \times 3a = \frac{1}{2} \times 6 \times 3 + \frac{1}{2} \times (3 + 3a) \times 4$$

$$\therefore a = \frac{5}{3}$$

(3) 连接  $OD$ 、 $OE$

设  $D(m, n)$

$$\therefore S_{\triangle AOB} = S_{\triangle AOD} + S_{\triangle DOB}$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times 4 \times 2 = \frac{1}{2} \times 4 \times n + \frac{1}{2} \times 2 \times (-m)$$

$$\therefore m = 2n - 4$$

$\therefore$  点  $D$  向右平移 4 个单位长度得到  $E$  点

$$\therefore E(2n, n)$$

$$\therefore S_{\triangle AOC} + S_{\triangle AOE} + S_{\triangle COE} = S_{\triangle ACE}$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times 4 \times 3 + \frac{1}{2} \times 4 \times n + \frac{1}{2} \times 3 \times 2n = 14$$

$$\therefore n = \frac{8}{5}$$

$$\therefore m = 2n - 4 = -\frac{4}{5}$$

$$\therefore D\left(-\frac{4}{5}, \frac{8}{5}\right)$$