

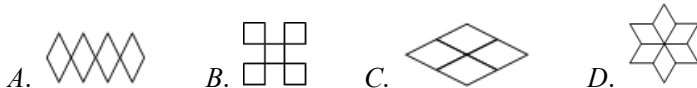
## 七年级数学必刷题 (3)

### 相交线与平行线 (三)

建议完成时间: 50 分钟

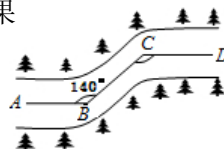
题目来源: 19-20 各个区月考真题节选

1. 下列图形中不能通过平移其中一个四边形得到的图形是 ( )



2. 如图所示, 一条公路两次转弯后又回到原来的方向(即  $AB \parallel CD$ ). 如果第一次转弯时的  $\angle B = 140^\circ$ , 那么  $\angle C$  的度数为 ( )

- A.  $180^\circ$     B.  $140^\circ$     C.  $100^\circ$     D.  $40^\circ$

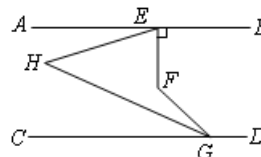


3. 下列结论中: ①同一平面内, 两不相交的直线被第三条直线所截, 形成的同旁内角互补; ②在同一平面内, 若  $a \perp b$ ,  $b \parallel c$ , 则  $a \perp c$ ; ③直线外一点到直线的垂线段叫点到直线的距离; ④同一平面内, 过一点有且只有一条直线与已知直线平行, 正确的个数有 ( )

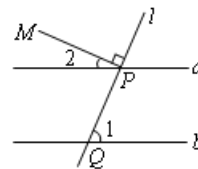
- A. 1 个    B. 2 个    C. 3 个    D. 4 个

4. 如图, 已知  $AB \parallel CD$ ,  $EF \perp AB$  于点  $E$ ,  $\angle AEH = \angle FGH = 20^\circ$ ,  $\angle H = 50^\circ$ , 则  $\angle EFG$  的度数是 ( )

- A.  $120^\circ$     B.  $130^\circ$     C.  $140^\circ$     D.  $150^\circ$

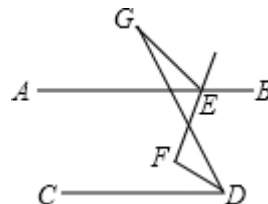


5. 如图, 直线  $a \parallel b$ , 直线  $l$  与  $a$  相交于点  $P$ , 与  $b$  相交于点  $Q$ , 且  $PM \perp l$ , 若  $\angle 1 = 58^\circ$ , 则  $\angle 2$  的度数是\_\_\_\_\_.



6. 若  $\angle A$ 、 $\angle B$  的两边分别平行, 而  $\angle A$  比  $\angle B$  的 3 倍少  $40^\circ$ , 则  $\angle A$  的度数是\_\_\_\_\_.

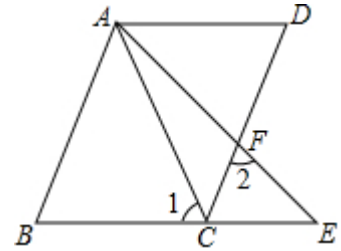
7. 如图, 已知  $AB \parallel CD$ , 点  $E$  为  $AB$  上一点,  $\angle CDF = \angle FDG$ ,  $FE$  平分  $\angle BEG$ , 则  $\angle F$  与  $\angle G$  之间满足的数量关系是\_\_\_\_\_.



8. 如图, 已知  $AD \parallel BE$ ,  $\angle B = \angle D$ .

(1) 求证  $AB \parallel CD$ .

(2) 若  $\angle 1 = \angle 2 = 60^\circ$ ,  $\angle BAC = 3\angle EAC$ , 求  $\angle DCE$  的度数.

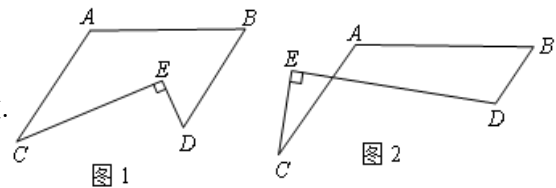


9. 如图 1, 已知  $\angle A = (90+x)^\circ$ ,  $\angle B = (90-x)^\circ$ ,  $\angle CED = 90^\circ$ ,  $2\angle C - \angle D = m^\circ$ .

(1) 判断  $AC$  与  $BD$  的位置关系, 并说明理由;

(2) 当  $m=30$  时, 求  $\angle C$ 、 $\angle D$  的度数;

(3) 如图 2, 用含  $m$  的代数式表示  $\angle C$ 、 $\angle D$  的度数.



10. 如图,  $AB \parallel CD$ .

(1) 如图 1,  $\angle A$ 、 $\angle E$ 、 $\angle C$  的数量关系为\_\_\_\_\_.

(2) 如图 2, 若  $\angle A = 50^\circ$ ,  $\angle F = 115^\circ$ , 求  $\angle C - \angle E$  的度数;

(3) 如图 3,  $\angle E = 90^\circ$ ,  $AG$ ,  $FG$  分别平分  $\angle BAE$ ,  $\angle CFE$ , 若  $GD \parallel FC$ , 试探究  $\angle AGF$  与  $\angle GDC$  的数量关系, 并说明理由.

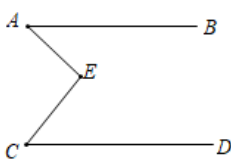


图1

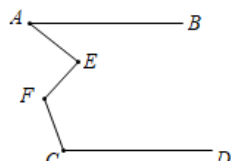


图2

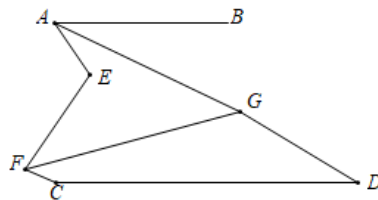


图3

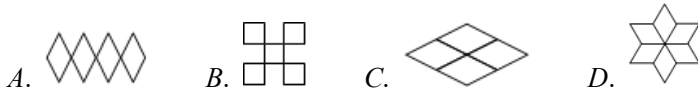
## 七年级数学必刷题 (3)

### 相交线与平行线 (三)

建议完成时间: 50 分钟

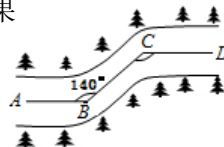
题目来源: 19-20 各个区月考真题节选

1. 下列图形中不能通过平移其中一个四边形得到的图形是 ( D )



2. 如图所示, 一条公路两次转弯后又回到原来的方向(即  $AB \parallel CD$ ). 如果第一次转弯时的  $\angle B = 140^\circ$ , 那么  $\angle C$  的度数为 ( B )

A.  $180^\circ$     B.  $140^\circ$     C.  $100^\circ$     D.  $40^\circ$

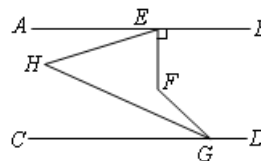


3. 下列结论中: ①同一平面内, 两不相交的直线被第三条直线所截, 形成的同旁内角互补; ②在同一平面内, 若  $a \perp b$ ,  $b \parallel c$ , 则  $a \perp c$ ; ③直线外一点到直线的垂线段叫点到直线的距离; ④同一平面内, 过一点有且只有一条直线与已知直线平行, 正确的个数有 ( B )

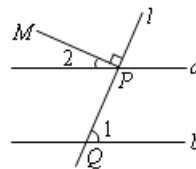
A. 1 个    B. 2 个    C. 3 个    D. 4 个

4. 如图, 已知  $AB \parallel CD$ ,  $EF \perp AB$  于点  $E$ ,  $\angle AEH = \angle FGH = 20^\circ$ ,  $\angle H = 50^\circ$ , 则  $\angle EFG$  的度数是 ( C )

A.  $120^\circ$     B.  $130^\circ$     C.  $140^\circ$     D.  $150^\circ$



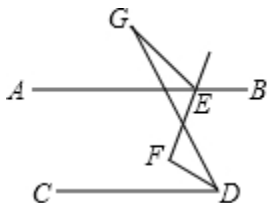
5. 如图, 直线  $a \parallel b$ , 直线  $l$  与  $a$  相交于点  $P$ , 与  $b$  相交于点  $Q$ , 且  $PM \perp l$ , 若  $\angle 1 = 58^\circ$ , 则  $\angle 2$  的度数是  $32^\circ$ .



6. 若  $\angle A$ 、 $\angle B$  的两边分别平行, 而  $\angle A$  比  $\angle B$  的 3 倍少  $40^\circ$ , 则  $\angle A$  的度数是\_\_\_\_\_.

**【答案】**  $20^\circ$  或  $125^\circ$ . 提示: 设  $\angle B = x$ , 则  $\angle A = 3x - 40^\circ$ .  $\because \angle A$ 、 $\angle B$  的两边分别平行,  $\therefore \angle A$  与  $\angle B$  相等或互补. 由  $\angle A = \angle B$ , 得  $x = 3x - 40^\circ$ ,  $\therefore x = 20$ , 此时  $\angle A = 20^\circ$ ; 由  $\angle A + \angle B = 180^\circ$ , 得  $x + (3x - 40^\circ) = 180^\circ$ ,  $\therefore x = 55$ , 此时  $\angle A = 125^\circ$ .

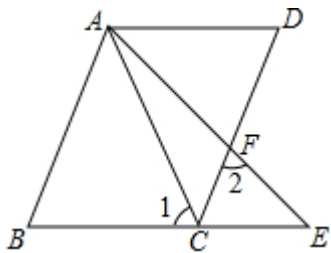
7. 如图, 已知  $AB \parallel CD$ , 点  $E$  为  $AB$  上一点,  $\angle CDF = \angle FDG$ ,  $FE$  平分  $\angle BEG$ , 则  $\angle F$  与  $\angle G$  之间满足的数量关系是  $2\angle F - \angle G = 180^\circ$ .



8. 如图, 已知  $AD \parallel BE$ ,  $\angle B = \angle D$ .

(1) 求证  $AB \parallel CD$ .

(2) 若  $\angle 1 = \angle 2 = 60^\circ$ ,  $\angle BAC = 3\angle EAC$ , 求  $\angle DCE$  的度数.



**【解答】** 证明: (1)  $\because AD \parallel BE \therefore \angle D = \angle DCE$ ,  $\because \angle B = \angle D \therefore \angle DCE = \angle B$ ,  $\therefore AB \parallel CD$ ,

(2)  $\because AD \parallel BE$ ,  $\angle 1 = 60^\circ$ ,  $\therefore \angle CAE + \angle DAE = 60^\circ$ ,

$\because AB \parallel CD$ ,  $\angle 2 = 60^\circ$ ,  $\therefore \angle BAC + \angle CAE = 60^\circ$ ,

$\because \angle BAC = 3\angle EAC$ , 设  $\angle CAE = x$ ,  $\angle DAE = y$ , 可得: 
$$\begin{cases} x+y=60 \\ 3x+x=60 \end{cases}$$
, 解得: 
$$\begin{cases} x=15 \\ y=45 \end{cases}$$

即  $\angle CAE = 15^\circ$ ,  $\angle DAE = 45^\circ$ ,  $\therefore \angle D = 180^\circ - 60^\circ - 45^\circ = 75^\circ$ ,  $\therefore \angle DCE = 75^\circ$ .

9. 如图 1, 已知  $\angle A = (90+x)^\circ$ ,  $\angle B = (90-x)^\circ$ ,  $\angle CED = 90^\circ$ ,  $2\angle C - \angle D = m^\circ$ .

(1) 判断  $AC$  与  $BD$  的位置关系, 并说明理由;

(2) 当  $m=30$  时, 求  $\angle C$ 、 $\angle D$  的度数;

(3) 如图 2, 用含  $m$  的代数式表示  $\angle C$ 、 $\angle D$  的度数.

**【答案】** (1)  $\because \angle A = (90+x)^\circ$ ,  $\angle B = (90-x)^\circ$ ,

$\therefore \angle A + \angle B = (90+x)^\circ + (90-x)^\circ = 180^\circ$ ,

$\therefore AC \parallel BD$ .

(2) 过  $E$  向下作  $EF \parallel AC$ , 则  $\angle C = \angle CEF$ .

由(1)知  $AC \parallel BD$ ,  $\therefore EF \parallel BD$ , 则  $\angle D = \angle DEF$ .

则  $\angle C + \angle D = \angle CEF + \angle DEF = \angle CED = 90^\circ$ .

又  $m=30$ ,  $2\angle C - \angle D = m^\circ = 30^\circ$ ,

由以上两式, 得  $\angle C = 40^\circ$ ,  $\angle D = 50^\circ$ .

(3) 过  $E$  向下作  $EF \parallel AC$ , 则  $\angle C = \angle CEF$ .

由(1)知  $AC \parallel BD$ ,  $\therefore EF \parallel BD$ , 则  $\angle D = \angle DEF$ .

由  $\angle D - \angle C = \angle DEF - \angle CEF = \angle CED = 90^\circ$ .

又  $2\angle C - \angle D = m^\circ$ ,

由以上两式, 得  $\angle C = (m+90)^\circ$ ,  $\angle D = (m+180)^\circ$ .

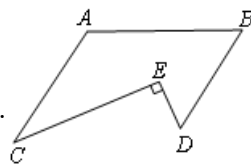


图 1

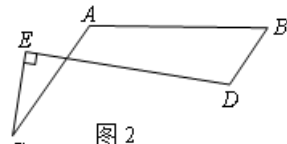


图 2

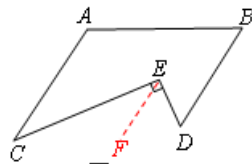


图 1

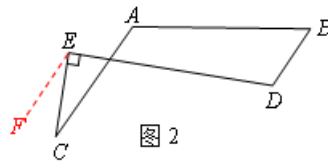


图 2

10. 如图,  $AB \parallel CD$ .

(1) 如图 1,  $\angle A$ 、 $\angle E$ 、 $\angle C$  的数量关系为  $\angle AEC = \angle C + \angle A$ .

(2) 如图 2, 若  $\angle A = 50^\circ$ ,  $\angle F = 115^\circ$ , 求  $\angle C - \angle E$  的度数;

(3) 如图 3,  $\angle E = 90^\circ$ ,  $AG$ ,  $FG$  分别平分  $\angle BAE$ ,  $\angle CFE$ , 若  $GD \parallel FC$ , 试探究  $\angle AGF$  与  $\angle GDC$  的数量关系, 并说明理由.

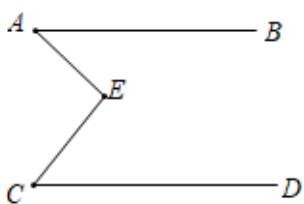


图1

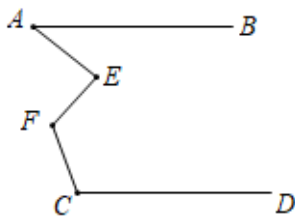


图2

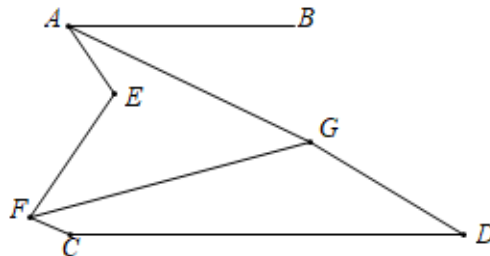


图3

**【解答】**解: (1)  $\angle AEC = \angle C + \angle A$ , 如图 1, 过点  $E$  作  $EF \parallel AB$ ,

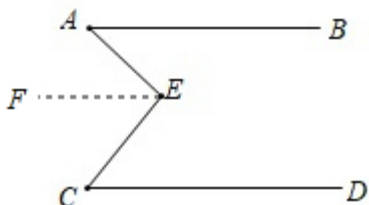


图1

$\because AB \parallel CD, \therefore AB \parallel CD \parallel EF, \therefore \angle A = \angle AEF, \angle C = \angle CEF,$   
则  $\angle AEC = \angle AEF + \angle CEF = \angle A + \angle C$ , 故答案为:  $\angle AEC = \angle C + \angle A$ ;

(2) 如图 2, 分别过点  $E$ 、 $F$  作  $FM \parallel AB, EN \parallel AB$ ,

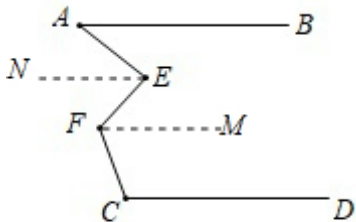


图2

设  $\angle NEF = x = \angle EFM$ , 则  $\angle AEF = x + 50^\circ$ ,  $\angle MFC = 115^\circ - x$ ,

$\therefore \angle C = 180^\circ - (115^\circ - x) = x + 65^\circ$ ,

$\therefore \angle C - \angle E = x + 65^\circ - (x + 50^\circ) = 15^\circ$ ;

(3) 如图 3, 分别过点  $E$ 、 $F$ 、 $G$  作  $FM \parallel AB, EN \parallel AB, GH \parallel AB$ ,

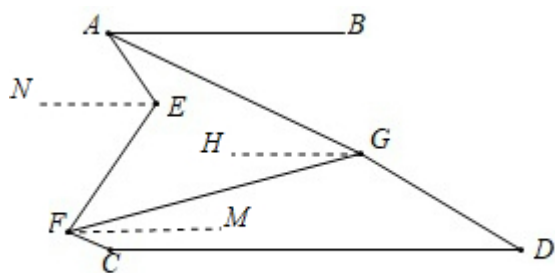


图3

设  $\angle GAE = x = \angle GAB$ ,  $\angle GFM = y$ ,  $\angle MFC = z$ , 则  $\angle GFC = y + z$ ,  
 $\therefore 2x + 2y + z = 90^\circ$ ,  $\angle C = 180^\circ - z$ ,  $\therefore GD \parallel FC$ ,  $\therefore \angle D = z$ ,  
 $\therefore GH \parallel AB$ ,  $AB \parallel CD$ ,  $\therefore \angle AGF = x + y$ ,  $\therefore 2\angle AGF + \angle GDC = 90^\circ$ .